

# **Evolución de Galaxias**

**Morfológica**

**Dinámica**

**Luminosa o pasiva**

**Química**

## **Hay cuatro tipos de evolución en las galaxias:**

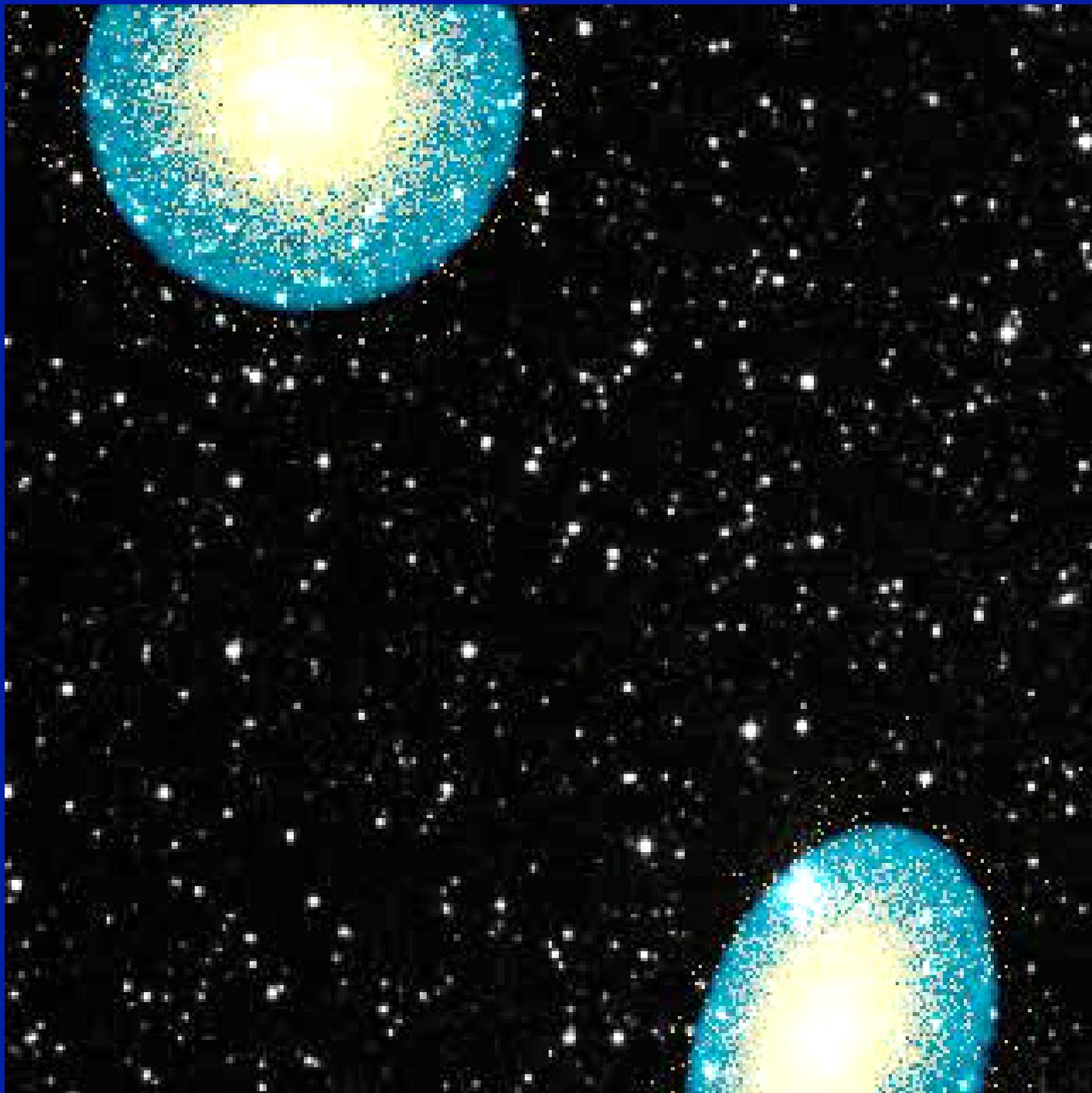
- Evolución morfológica**
- Evolución dinámica**
- Evolución luminosa o pasiva**
- Evolución química**

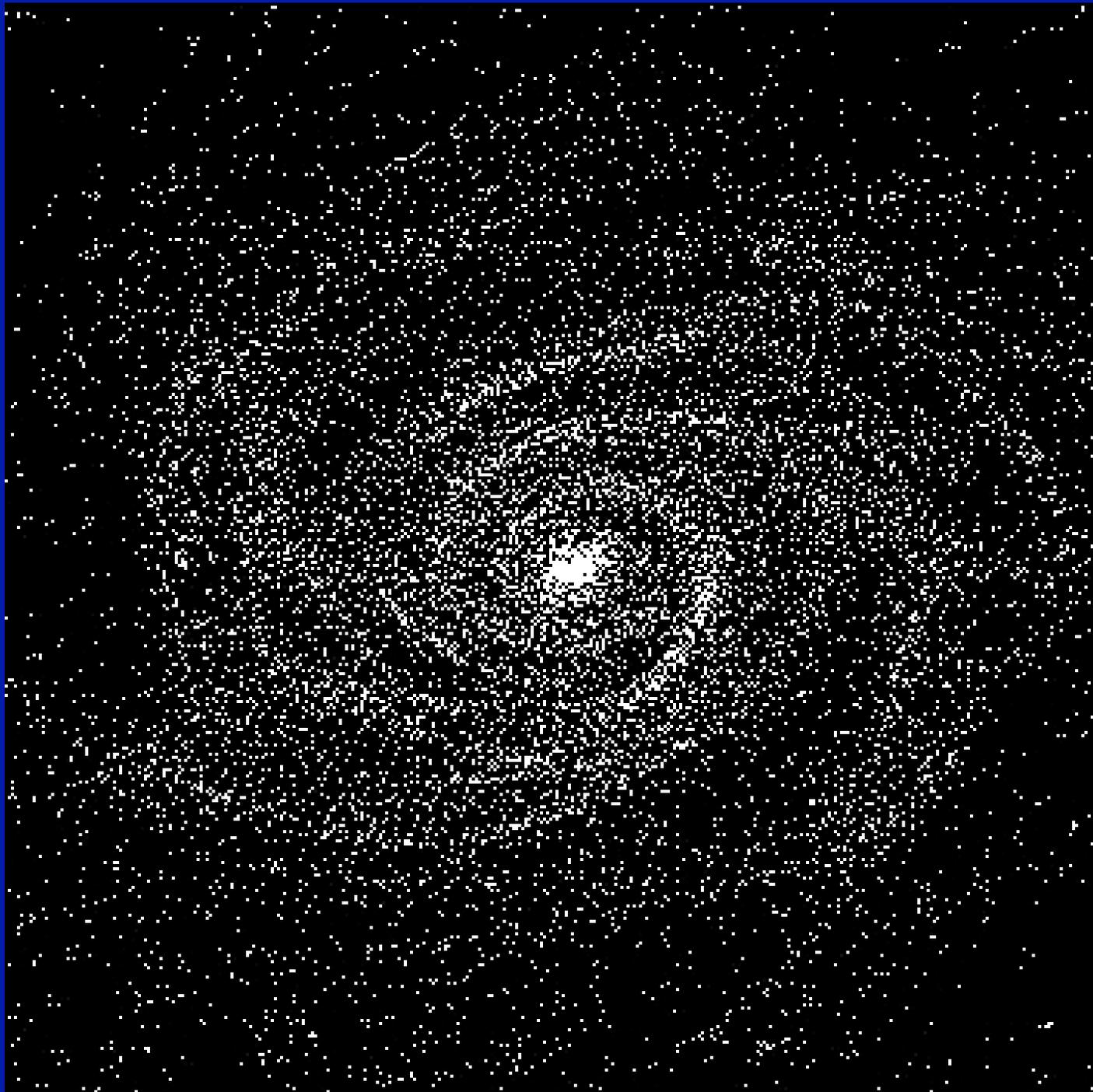
# Evolución Morfológica

**La evolución morfológica depende de la tasa de colisiones entre galaxias. Esto hace que su estudio teórico sea difícil. Sin embargo, simulaciones de N cuerpos ha arrojado luces en este tema. (Ver animaciones)**

**Ya que el universo era más denso en el pasado, esperaríamos un mayor número de colisiones y, como consecuencia, mayor evolución morfológica.**

**Por otro lado, evolución morfológica de espirales a lenticulares puede ocurrir por barrido por presión-ram del medio interestelar por gas caliente.**





# **Evolución Dinámica**

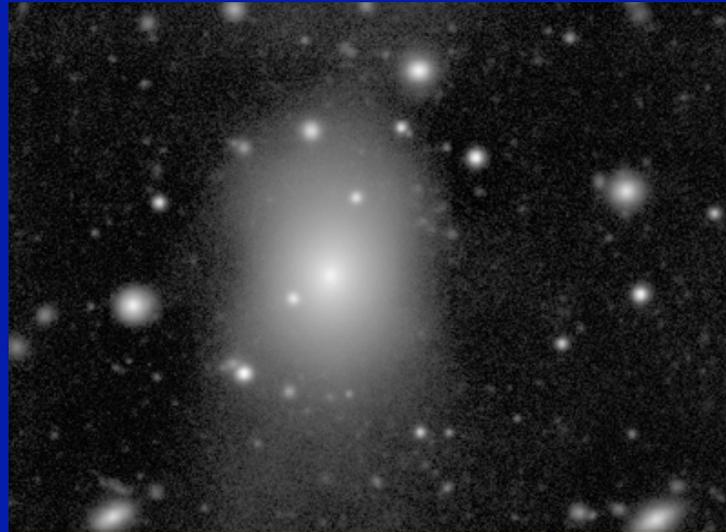
**Se refiere al cambio que pueden sufrir las órbitas estelares por:**

- Evolución morfológica**
- Interacción con el ambiente**
- Supernovas**
- Formación de estrellas violentas.**
- Etc.**

**Este tipo de evolución es aún más difícil de estudiar teóricamente. Por ejemplo, muy poco se sabe de órbitas estelares en galaxias elípticas. (Ver trabajos de Scharzchild.)**

# Evolución Luminosa o pasiva

Evolución de la luz  
en galaxias  
debido al  
envejecimiento  
de las estrellas.



$$L = L_d + L_g$$

d: enanas  
g: gigantes

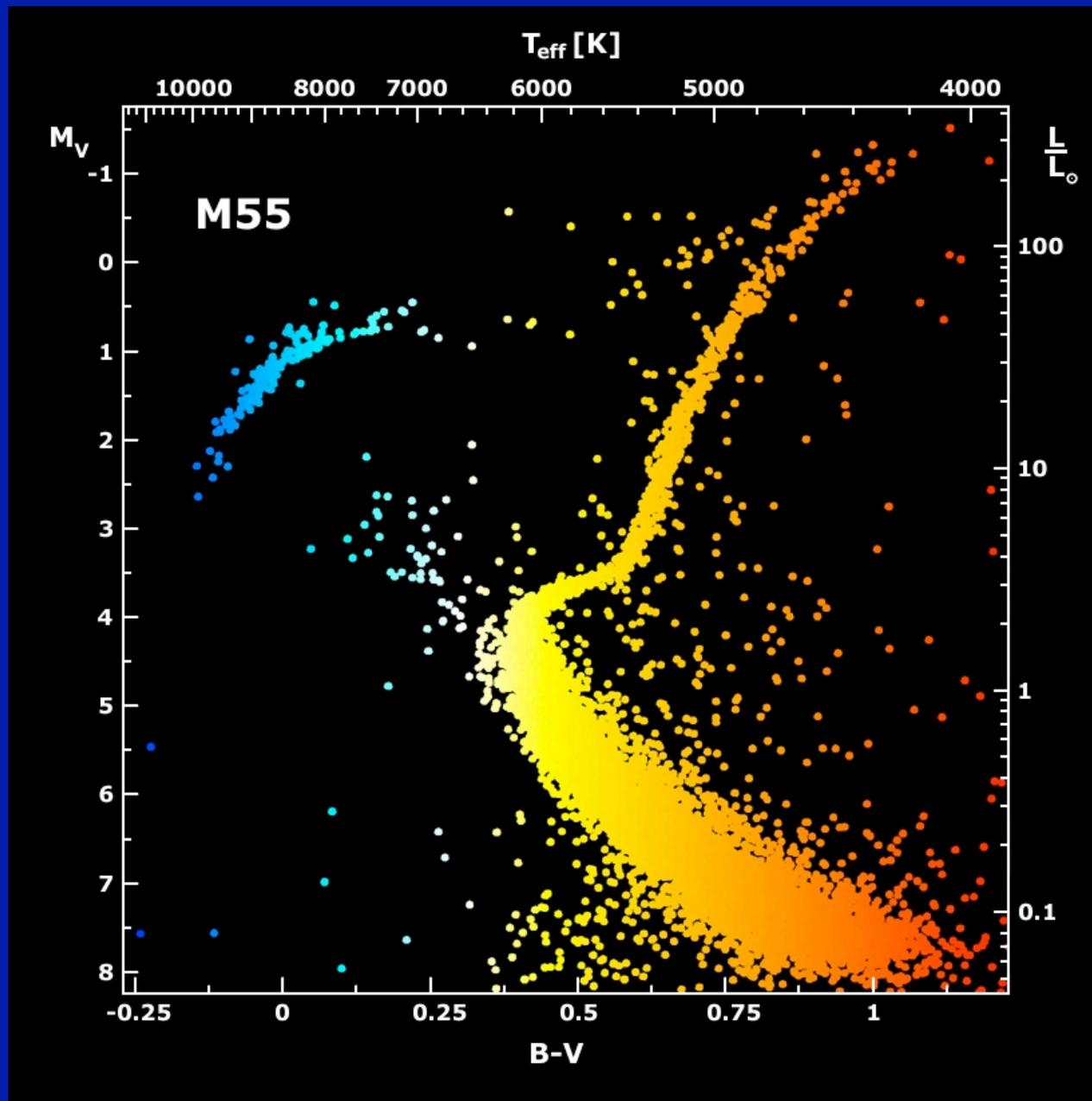
# Ingredientes

Para el cálculo de la evolución de la luminosidad de estrellas de SP necesitamos tres elementos:

1. **Función Inicial de Masa (IMF)**; función que describe el número de estrellas que nacen con una determinada masa.
2. **Relación *masa-luminosidad***, en particular para estrellas de la secuencia principal.
3. **Tiempo que las estrellas permanecen en la secuencia principal**

# Cúmulo Globular M55





Para iniciar el cálculo, consideremos la **Función Inicial de Masa (IMF)**; función que describe el número de estrellas que nacen con una determinada masa.

$$\phi(m)dm \propto m^{-(1+x)}dm = \phi_1 \left( \frac{m}{m_1} \right)^{-(1+x)} d \left( \frac{m}{m_1} \right)$$

- $m$  es la masa estelar
- $m_1$  escala arbitraria, e.g.  $m_{sol}$
- $x$ , la pendiente de la ley de potencia Salpeter  $x=1.35$
- $\phi_1$  para normalizar la función, tal que

$$M_0 = M_0 \int_0^{\infty} m \phi(m / m_1) d \left( \frac{m}{m_1} \right)$$



Unidades de  $\phi_1$  [ $m_1^{-1}$ ]

$M_0$  es la masa total de un cúmulo de estrellas

Necesitamos también la relación *masa-luminosidad* para estrellas de la secuencia principal. Aproximamos esto con una ley de potencia,

$$l_d = l_1 \left( \frac{m}{m_1} \right)^\alpha$$

donde

- $\alpha$  es el índice de la ley de potencia
- $l_1$  es la luminosidad de una estrella de la secuencia principal para una estrella de masa  $m_1$
- $l_d$  es la luminosidad de estrellas enanas, es decir secuencia principal

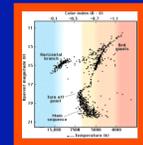
*Una buena aproximación es,  $\alpha \approx 3.5$*

El tercer elemento que necesitamos es el tiempo que las estrellas permanecen en la secuencia principal. Este tiempo es proporcional a la energía disponible que, a su vez es proporcional a la masa de la estrella, que a su vez está dado por la luminosidad a través de la relación masa-luminosidad.

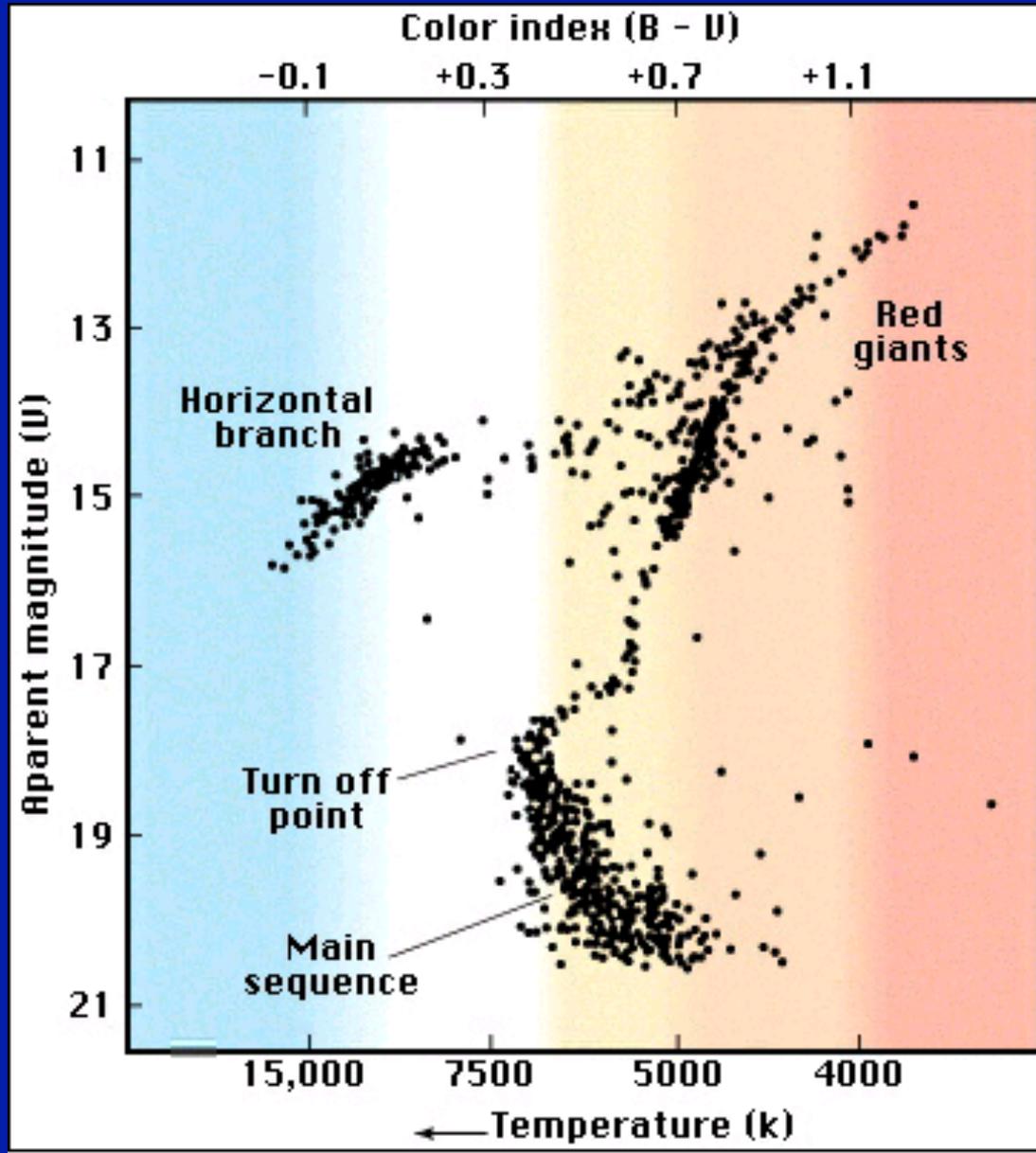
$$\tau \propto \frac{m}{l_d} \propto \left( \frac{m}{m^\alpha} \right) \propto m^{1-\alpha}$$

Invirtiendo esta relación, después de tiempo  $t$ , la masa del punto de quiebre de una población estelar será,

$$m_{tn} \propto t^{1/1-\alpha} \quad \Rightarrow \quad \frac{m_{tn}}{m_1} = \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{1/1-\alpha}$$



donde  $\tau_1$  es el tiempo en la SP de una estrella de masa  $m_1$ .



**Por último, para el cálculo de la contribución de gigantes necesitamos:**

- $\tau_g$  el tiempo de vida de una estrella típica post secuencia principal (gigante)
- $l_g$  La luminosidad promedio de una gigante
- $m_w$  La masa de una enana blanca típica.

**Todo esto se puede derivar aproximadamente de modelos de evolución estelar.**

# Evolución luminosa o pasiva de un cúmulo de estrellas

Calculemos la evolución de un conjunto de estrellas (cúmulo o galaxia) de masa  $M_0$ , *todas* nacidas simultáneamente.

La luminosidad total de estrellas de la secuencia principal es fácil de calcular:

- Sumamos la contribución de todas las estrellas de la SP
- Índice inferior,  $m_L$  corresponde a la masa mínima de una estrella que genera energía.
- Índice superior,  $m_{tn}$  corresponde a la masa de una estrella en el punto de quiebre de la SP.

Entonces: Calculamos la contribución total a la luminosidad de estrella enanas (i.e. SP)  $L_d$

$$\begin{aligned}
L_d &= \int_{m_L}^{m_{tn}} M_0 \phi(m/m_1) l_d(m/m_1) d\left(\frac{m}{m_1}\right) \\
&= M_0 \int_{m_L}^{m_{tn}} \phi_1\left(\frac{m}{m_1}\right)^{-(1+x)} l_1\left(\frac{m}{m_1}\right)^\alpha d\left(\frac{m}{m_1}\right) \\
&= M_0 \phi_1 l_1 \int_{m_L}^{m_{tn}} \left(\frac{m}{m_1}\right)^{\alpha-1-x} d\left(\frac{m}{m_1}\right) \\
&= \frac{M_0 \phi_1 l_1}{\alpha-x} \left\{ \left(\frac{m_{tn}}{m_1}\right)^{\alpha-x} - \left(\frac{m_L}{m_1}\right)^{\alpha-x} \right\} \\
&= \frac{M_0 \phi_1 l_1}{\alpha-x} \left\{ \left(\frac{t}{\tau_1}\right)^{\frac{\alpha-x}{1-\alpha}} - \left(\frac{t_L}{\tau_1}\right)^{\frac{\alpha-x}{1-\alpha}} \right\}
\end{aligned}$$

$$m_{tn} = m_1 \left(\frac{t}{\tau_1}\right)^{1/\alpha-1}$$

Ya que el exponente es negativo, y estrellas de baja masa viven esencialmente para siempre, el último término de la ecuación es despreciable. La luminosidad total es,

$$\begin{array}{l} \alpha \approx 3.5 \\ x \approx 1.35 \end{array}$$

$$\Rightarrow \left( \frac{t_L}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha-x}{1-\alpha}} \rightarrow 0$$

$$L_d = \frac{M_0 \phi_1 l_1}{\alpha - x} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha-x}{1-\alpha}}$$

Ahora calculemos la **contribución de las gigantes**.

- Notemos que la evolución de estrellas en la rama gigante es mucho más rápida que en la SP.
- **Ingredientes:**
  - La clave es calcular el número de estrellas que se transforman en gigantes,  $n_g$
  - Multiplicamos por el tiempo que la estrella permanece como gigante,  $\tau_g$
  - Multiplicamos por la luminosidad media de la estrella,  $l_g$
- La tasa a la cual las estrellas de **SP** se transforman en **gigantes** se define por el número de estrellas que hay en el **punto de quiebre** de la **SP**, y cuantas de ellas se mueven a la **rama gigante** por unidad de tiempo.

Luminosidad total en gigantes

$$L_g = n_g \cdot l_g \cdot \tau_g$$

Tiempo medio que una estrella típica se mantiene como gigante

Número de estrellas que se transforman en gigantes

Luminosidad media de gigantes

$$M_0 \phi(m_{tn}) \frac{dm_{tn}}{dt}$$

$$\begin{aligned} L_g &= \phi(m_{tn}) \frac{d(m_{tn} / m_1)}{dt} l_g \tau_g \\ &= M_0 \phi_1 \left( \frac{m}{m_1} \right)^{-(1+x)} \frac{dm_{tn}}{dt} l_g \tau_g \end{aligned}$$

Si sustituimos  $t$  por  $m$ , usando la relación masa-luminosidad y derivamos,

La luminosidad de las gigantes es:

$$L_g = \frac{M_0 \phi_1 l_g \tau_g}{\tau_1 (\alpha - 1)} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha - x - 1}{1 - \alpha}}$$

Por lo tanto, la luminosidad total es:

$$L = L_d + L_g = \frac{M_0 \phi_1 l_1}{\alpha - x} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha - x}{1 - \alpha}} + \frac{M_0 \phi_1 l_g \tau_g}{\tau_1 (\alpha - 1)} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha - x - 1}{1 - \alpha}}$$

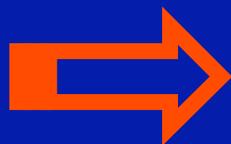
Si definimos la función  $G(t)$  como la razón entre la luminosidad de las gigantes y la luminosidad de las enanas, entonces,

$$G(t) = \frac{L_g}{L_d} = \frac{(\alpha - x)l_g\tau_g}{(\alpha - 1)l_1\tau_1} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{1/\alpha - 1}$$

Como  $\alpha > 1$ , el exponente del tiempo es mucho menor que 1, lo que indica que la función anterior es una función débil del tiempo. Sin embargo,

$$l_d = l_1 \left( \frac{m}{m_1} \right)^\alpha$$

$$\left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{1}{\alpha - 1}} = \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha}{\alpha - 1}} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{-\frac{\alpha - 1}{\alpha - 1}} = \left( \frac{m}{m_1} \right)^{-\alpha} \left( \frac{\tau_1}{t} \right) = \frac{l_1\tau_1}{l_{tn}t}$$



$$G(t) = \frac{L_g}{L_d} = \frac{(\alpha - x)}{(\alpha - 1)} \left\{ \frac{l_g\tau_g}{l_{tn}t} \right\}$$

$$G(t) = \frac{L_g}{L_d} = \frac{(\alpha - x)}{(\alpha - 1)} \left\{ \frac{l_g \tau_g}{l_{tn} t} \right\}$$

### Notar:

- $(\alpha - x)/(\alpha - 1) \approx 1$

- $l_g \tau_g / l_d t$  es la razón entre la energía total emitida por estrellas en la rama gigante y la energía emitida por estrellas en la SP.

- Estimación de  $G(t)$ :

- Las estrellas de la SP se apagan cuando han consumido cerca de un 10% de su combustible.

- En general, en su vida, las estrellas consumen cerca del 70% de su combustible.

$\Rightarrow G(t) \sim 6$

- Sin embargo, este valor depende de la longitud de onda

- Azul  $G(t) \sim 1$ , Rojo  $G(t) \sim 10$

Finalmente, usando la notación anterior, la luminosidad de la población estelar, en función del tiempo, es

$$\begin{aligned} L_t &= L_d \{1 + G(t)\} \\ &= \frac{M_0 \phi_1 l_1}{\alpha - x} \{1 + G(t)\} \left( \frac{t}{\tau_1} \right)^{\frac{\alpha - x}{1 - \alpha}} \end{aligned}$$